

## SOLUCIONES-TEMA 5- SISTEMAS DE PARTÍCULAS Y COLISIONES

5.1.  $\vec{r}_{cm} = (d + 5b/7, 4h/7)$

5.2.  $\vec{r}_{cm} = (2,3,0) \text{ Å}$ , con origen en H.

5.3.  $\vec{r}_{cm} = (L/2, L/2, 2L/5)$  respecto a un vértice,  $\vec{r}_{cm} = (0, 0, -L/10)$  respecto al centro

5.4. a)  $\vec{r}_{cm} = (0.43, 0.23)$  b)  $y_{CM} = 3b/5$

5.5.  $y_{CM} = R/6$

5.6. a)  $y_{CM} = 2R/\pi$ ; b)  $y_{CM} = (4/3\pi)R$ . c)  $x_{CM} = 2a/3$   $y_{CM} = b/3$

5.7.  $x_{CM} = 6,1 \text{ m}$

5.8.  $x_2 = 3x_{CM} / 2 = 82,5 \text{ m}$   $R_{CM} = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g} = 14,14 \text{ km}$ ;  $d_2 = 3R_{CM} / 2 = 21,2 \text{ km}$ .

5.10.  $d = \frac{m_D - m_P}{m_D + m_P} l = 0,31 \text{ m}$

5.11.  $y_{cm,f} = \frac{m(R+h-x)+M(-x)}{m+M} = y_{cm,i}$ ,  $x = \frac{m}{m+M} h \approx \frac{m}{M} h \approx 10^{-22} \text{ m}$

5.12.  $F = \frac{dp}{dt} = v \frac{dm}{dt} = 347 \text{ N}$

5.13.  $\vec{A}_{CM} = (0, -\frac{ma_m \sin \theta}{m+M})$ ;  $P_{cm} = \text{cte}$ , luego  $Mv_M + m(v_M + v_m \cos \theta) = 0$ ; derivando : relaciones entre las aceleraciones.

5.14.  $x_{cmi} = \frac{m_b(d-a) + m_p d}{m_b + m_p} = \frac{m_b(x_p' + L - a) + m_p x_p'}{m_b + m_p} = x_{cmf}$ ;  $x_p' = d - \frac{m_b}{m_b + m_p} L = 13,6 \text{ m}$  (L=8m,  $d=20 \text{ m}$ )

5.17.  $\Delta t = \frac{d}{v_f} = \frac{m_c + m_g}{m_c v_i} = 143 \text{ s}$

5.18. a) 3,5 Ns b) F=1,5 kN completar, hecho en clase de teoría

5.19. I=2,9 Ns, b)  $6,1 \cdot 10^{-4} \text{ s}$ , c) 4,8 kN.

5.20. completar. hecho en clase de teoría

5.21.  $v_1' = \frac{(1-m_2/m_1)}{(1+m_2/m_1)} \sqrt{2gh} = -3,3 \text{ m/s}$ ;  $v_2' = \frac{2}{(1+m_2/m_1)} \sqrt{2gh} = 6,6 \text{ m/s}$ ;  $h = \frac{v_1'^2}{2g} = \frac{(1-m_2/m_1)^2}{(1+m_2/m_1)^2} h = 0,55 \text{ m}$

5.23. No, se movía a 70 km/h.

5.24. a)  $h = \frac{v^2 m^2}{8g M^2}$ ; b)  $\Delta E_c = -\frac{1}{8} mv^2 \left( 3 - \frac{m}{M} \right)$ , inelástico,  $e = \frac{1}{2} \left| 1 - \frac{m}{M} \right|$ ; c)  $v_{min} = 4 \frac{M}{m} \sqrt{gl}$  d)  $v_{min} = 2 \frac{M}{m} \sqrt{5gl}$

5.25.  $v_b = \frac{M_1 v_1' + m_b v_b'}{m_b} = \frac{M_1 \sqrt{2gh_1} + (M_1 + m_b) \sqrt{2gh_2}}{m_b} = 423 \text{ m/s}$ ;  $e = \frac{|v_b' - v_1'|}{|v_b - v_1'|} = \frac{(M_1 + m_b) \sqrt{h_2} - m_b \sqrt{h_1}}{(M_1 + m_b) \sqrt{h_2} + M_1 \sqrt{h_1}} = 0,66$

5.26.  $h_1 = h/9 = 0,056 \text{ m}$ ;  $h_2' = 4h/9 = 0,223 \text{ m}$ ;  $e = (3v_2'/v_1) - 1 = 3(h_2'/h_1)^{1/2} - 1 = 0,75$ .

5.27. a)  $v_b' = v_b - \frac{M}{m_b} v = 100 \text{ m/s}$ ; b)  $\Delta E = -374 \text{ J}$ , e = 0,25. c) 4,4 cm.

5.28.  $k = (M + m_b) \frac{v'^2}{\Delta x^2} = \frac{m_b^2 v_b'^2}{(M + m_b) \Delta x^2} = 400 \text{ N/m}$ ;  $T = 2\pi/\omega = 0,1\pi \text{ s}$ ,  $\Delta x' = \dots = 0,197 \text{ m}$ .

5.29. 5 m/s a  $60^\circ$  y 8,66 m/s a  $30^\circ$ . . 5.30.  $\Delta E_c = -\frac{m_1 v_2'^2}{2} = -\frac{2m_2(m_1 v_1 \cos \alpha_2)^2}{(m_2 + m_1)^2} = -2,37 \text{ J}$  completar

5.31. completar

5.32. completar

5.33. a)  $u/3 \vec{j}$ , b)  $\vec{v}_1 = \vec{v} + u\vec{j}$   $\vec{v}_2 = \vec{v} + (u/3)\vec{j}$

5.34. a)  $\vec{V}_{CM} = -3\vec{i}$  b)  $\vec{u}_1 = 6\vec{i}$ ;  $\vec{u}_2 = -2\vec{i}$  c)  $\vec{u}'_1 = -6\vec{i}$ ;  $\vec{u}'_2 = 2\vec{i}$ ; d)  $\vec{v}'_1 = -9\vec{i}$ ;  $\vec{v}'_2 = -\vec{i}$  e)  $E_c = E_c' = 42 \text{ J}$  (SL)

5.35.

$$x_{cm} = \frac{A - 2BL/3}{A - BL/2} \frac{L}{2}$$

$$x_{cm} = \frac{1 + (x/H)^2}{1 + (x/H)} \frac{H}{2}; \quad x_{cm\min} = H(\sqrt{2} - 1)$$

5.37. completar

5.38. Completar

5.39. Completar r

5.40. a) se demuestra por CML(vectorial) y CEM que  $|\vec{p}| = |\vec{p}'|$  y  $|\vec{P}| = \vec{i}(2p \cos \alpha)/(1-(m/M))$ .

Las velocidades de colisión se calculan como hecho en teoría, pero considerando las comp. X de la velocidad, con una de las masas (pared) quieta inicialmente. b) el resultado anterior (raqueta=pared), solo que transformado galileanamente las velocidades desde sist. con raqueta quieta al sist. con raqueta en mov. horizontal. O bien: deducción (hecha en teoría) de colisión entre dos masas que se mueven (ambas) inicialmente, aplicado a las componentes horizontales de la velocidad (idéntico resultado).

5.41. a)  $v = (2(m_2 - m_1)gh/(m_2 + m_1))^{1/2} = 4,4 \text{ m/s}$ ; b)  $h' = h + \frac{v_B^2}{2g} = h \cdot (2m_2/(m_2 + m_1)) = 5 \text{ m}$

**5.42.** completar

**5.43.a)** dirección de la v orbital y sentido contrario. b)  $\left| \frac{\Delta v}{v} \right| = \left| \frac{(m_a/M_T)v_a}{v_T} \right| = 2,7 \cdot 10^{-15}\% \quad \text{c)} m_a = 10^{23} \text{ kg}$

